I-Xプローブによる加熱円柱後流の測定 (U₀=5m/s, Δθ=140℃, X/d=3の場合)

渡 部 英 昭

Measurement of a heated cylinder wake with I-X probe $(U_0=5m/s, \Delta\theta=140^{\circ}C, \text{ at } X/d=3)$

Hideaki Watanabe

(平成23年11月25日受理)

Measurements of a heated cylinder wake were carried out at section X/d=3 with I-X probe in conjunction with a thermo-anemometer. The main flow velocity U₀ was 5m/s and the difference in temperature between the surface of heated cylinder and ambient fluid temperature $\Delta\theta$ was 140°C. Distributions of mean and rms velocities are compared between heated and non-heated conditions. The u-v, θ -u, θ -v and θ -u-v correlation coefficients and waveforms of the temperature and velocity fluctuations θ , U, V in the wake of heated cylinder were obtained.

1. 緒言

工学機器の暖房効率向上など工学的価値が高いに も関わらず,加熱鈍頭物体後流のような温度・速度 が同時に変動する流れ場の構造を明らかにした研究 は極めて少ない。

蒔田らにより開発された二線式温度流速計^{(1)~(3)} は,流れ場での温度・速度変動の分離同時計測を可 能にし,定温度型熱線流速計では計測原理上不可能 であった加熱自由乱流場での熱および運動エネル ギーの輸送機構を明らかにして来た^{(4)~(5)}。

本研究では、蒔田らが開発し筆者が改良を加えた 二線式温度流速計^{(6)~(8)}に接続したI-Xプローブを 用いて、周囲の気流との温度差 $\Delta \theta$ =140℃に設定し た加熱円柱^{(9)~(10)}の後流を測定した。主流流速U₀ は 5m/sとし、温度の他、流れ方向速度成分だけで なく鉛直方向速度成分をも測定することにより、各 平均量、変動量だけでなく、レイノルズ応力を含む 各種相関量の算出も行い、熱・運動量輸送機構を解 明することを目的とした。

2. 主な使用記号

d:加熱円柱外径 [mm] U₀:主流流速 [m/s] Umean:水平方向平均流速 [m/s]urms:水平方向変動速度のrms値 [m/s]Vmean:鉛直方向平均流速 [m/s]vrms:鉛直方向変動速度のrms値 [m/s] $\theta r:室温 <math>[C]$ $\theta a: 気流温度 <math>[C]$ $\theta s: 円柱表面温度 <math>[C]$ $\delta \theta : \theta s \geq \theta a \geq 0$ 温度差 [C] θ mean:気流平均温度 [C] θ rms:気流変動温度のrms値 [C]X:水平方向座標 [mm]Y:鉛直方向座標 [mm]

3. 実験装置および計測系

3.1 実験装置

前報⁽¹¹⁾ と同様,本実験では低速低乱風洞のノズ ル出口直下流に加熱円柱を水平に設置した。円柱 加熱時の表面温度設定方法は前報⁽¹¹⁾ と同様であり, $U_0=5m/sにおいて \Delta \theta = \theta s - \theta a = 140 °C$,円柱スパ ン方向表面における温度分布の誤差は±5°C以内と, 良好な一様性を持たせた。

3.2 計測系

図1に今回の計測で温度・速度検知部として使用



図1 I-X型プローブ

Constant temperature anemometer



Constant current thermometer

図2 二線式温度流速計ブロック図

したI-X型プローブを示す。同プローブは、1本 の冷線と2本の熱線で構成され、冷線(温度検知部) の長さ2mm, 直径2.5µm, 熱線(速度検知部)の 長さ1mm, 直径5µmである。冷線は流れに直交し ており、2本の熱線はそれぞれ主流に対して±45°傾 けて設置され, 両熱線の成す角度は90°である。真 横から見て, 両熱線の交点と冷線とは同じ高さに なっている。熱線の加熱比は1.5, 冷線には1mAの 電流を流しジュール発熱を無視できるようにしてい る。冷線により生じた後流の影響が熱線に及ばない よう⁽¹²⁾, 冷線と両熱線交点との主流方向距離は厳 密に1mmに設定してある。

図2に、今回の実験に用いた計測装置である二線 式温度流速計^{(2)~(3).(8)}のブロックダイヤグラムを示 す。本装置は、③~⑥の各種補償回路により、2次 以上の高次相関量を求める際に障害となる補償不足 や過補償などの問題、および温度変動が原因となる 定温度型熱線流速計の精度劣化などの欠陥を解決 し、温度変動と速度変動を持つ流れ場内での高精度 な温度・速度の同時計測が可能である。 座標系の原点は円柱断面中心に設定し、主流の向 きをX軸の正、鉛直上向きをY軸の正とした。流れ 方向速度成分:uおよび鉛直方向速度成分vの正は、 それぞれX軸およびY軸と一致させている。温度 流速計からアナログ信号として出力される温度信号 θ および速度信号 U_1 , U_2 は、16bitのA/Dコンバー タでディジタル信号に変換した後パソコンに取り込 み、自製したLabVIEW プログラムによりそれぞれ の平均量、rms値、相関量などの乱流統計量を算出 した。

4. 実験条件

始めに, 定温度型熱線流速計(以下, 熱線流速計 と称する)に接続したX型プローブを,図3に示す 角度検定器に取り付け.較正用加熱風洞(13)~(14)を 使って非加熱気流中での2本の熱線の角度検定を 行った。両熱線は流速計のch.1とch.2へ別々に入力 される。検定の手順は以下の通りである。①ch.1の 熱線が気流に対して直角となる角度にプローブを設 定し. 実流速に対する熱線流速計からの出力電圧の 誤差が±1%以内となるよう較正する。②ch.2の熱 線に対しても同様に較正する。③分度器の目盛a」。 が0°から180°となる範囲で10°おきにプローブ角度 を変え、2本の熱線の出力U1, U2を記録する。④各 熱線の出力が最大になった角度: a₁, a₂ (deg.)の 間にa₁-a₂=90°の関係が成立していることを確認す る。これにより、X型に組み合わされた2本の熱線 が、互いに正確に直交していることを確認できる。 $(5)a_1-a=\alpha_1, a-a_2=\alpha_2$ と置いて図 4(a), (b) に示す グラフを作成する。⑥ $U_{eff12}^2 = U_{12}^2 (\cos^2 \alpha_{12} + k^2 \sin \alpha_{12})$





図4 角度検定結果

の式⁽¹⁵⁾ に基づきU_{1,2}とU_{effl,2}が合致するようkの値 を決定する。今回使用したプローブでは、両熱線と もk=0.3となった。⑦プローブを取り付けた角度検 定器の角度を $(a_1 + a_2)/2(\text{deg.})$ にセットする。こ の時、両熱線が流れと成す角度はそれぞれ同じと なるため、両熱線からの出力電圧はほぼ同一とな る。⑧気流を加熱し、実温度に対する出力電圧の誤 差が±1%以内になるよう、定電流型温度計を較正 する。⑨温度流速計の各種補償回路を動作させ、出 力が実温度,実流速と一致するよう調整する。⑩風 洞に設置されているプローブ角度調節器を有するサ ポートを取り付けたトラバース装置に、較正の終了 したI-Xプローブを取り付け、主流流速U₀=5m/ sに設定した後、流れに対するプローブ迎え角を正 確に設定する。すなわち、非加熱状態で円柱下流側 X/d=20の断面において鉛直方向(Y軸)にプロー ブをトラバースし、その断面でのレイノルズ応力 (uv)_{mean}分布が後流中心軸に関して点対称になるま でプローブ角度を微調整し,流速を較正し直す。こ れにより,少なくとも2次の相関量までは極めて精 度のよいデータを得ることができる⁽¹⁶⁾。⑪円柱を 加熱し,表面温度がΔθ=140℃に達してスパン方向 にも一様な分布となり,かつ時間が経過しても温度 が変化しないことをサーマルビデオシステム (NEC Avio赤外線テクノロジー(株)製)の映像で確認し た後,測定を開始する。

非加熱状態で $U_0 = 5m/s$, $d = 30mm \varepsilon 用いたレイノルズ数Re = U_0 d/v は約10000, 加熱状態での膜温度<math>\theta_f = (\theta_s + \theta_a)/2 \approx 85 C$ における動粘性係数 $v_f \varepsilon$ 使った場合の膜レイノルズ数 $Re_f = U_0 d/v_f$ は約7080であった。

5. 実験結果および考察

5.1 解析に用いた諸式

本研究で得られた2方向速度成分は,以下に示す Bruunの式⁽¹⁷⁾ によって算出した。

$$U = \frac{(U_1 + U_2)}{2(\cos^2 \alpha + k^2 \sin^2 \alpha)^{0.5}}$$
$$V = \frac{(U_2 - U_1)}{2A \tan \alpha (\cos^2 \alpha + k^2 \sin^2 \alpha)^{0.5}}$$
$$\cos^2 \alpha (1 - k^2)$$

$$\cos^2\alpha(1-k^2)+k^2$$

各相関量は以下の式で算出した。

Re応力 =
$$\frac{uv}{U_0^2}$$

 $uv 係数 = \frac{\overline{uv}}{(\overline{u^2} \cdot \overline{v^2})^{0.5}}$
 $\theta u 係数 = \frac{\overline{\theta u}}{(\overline{\theta^2} \cdot \overline{u^2})^{0.5}}$
 $\theta v 係数 = \frac{\overline{\theta v}}{(\overline{\theta^2} \cdot \overline{v^2})^{0.5}}$
 $\theta uv 係数 = \frac{\overline{\theta uv}}{(\overline{\theta^2} \cdot \overline{v^2})^{0.5}}$

5.2 実験結果

円柱表面においてΔθ=140℃に設定し, U₀=5m/s における円柱後流の測定を行った。流れ方向での測 定断面は加熱状態がX/d=3, 非加熱状態がX/d=3, 5, 10, 20, 30, 50, 70とした。後流中心における



図5 平均温度差,温度乱れ強さの鉛直方向分布(加熱 状態,U₀=5m/s,X/d=3)

 $(\bigcirc : \Delta \theta \text{mean}/\theta r, \bullet : \theta \text{rms}/\theta r)$

鉛直方向座標を Y_0 とし, 各Y座標は無次元量 (Y- Y_0)/dで表した。

図5に、U₀=5m/s, X/d=3における鉛直方向平 均温度分布および温度乱れ強さ分布を示す。平均温 度分布に関しては、後流中心 (Y-Y₀)/d=0を軸と して上下対称である。そして後流中心において最 大値 $\Delta \theta$ mean/ θ r=0.27を示し、外側へ向かうにつ れて急激に減少している。そして、(Y-Y₀)/d=± 1付近でほぼ $\Delta\theta$ mean/ θ r = 0 になった後,一様な分 布となる。温度乱れ強さ分布については. (Y-Y₀)/ d=0を軸として上下対称であり、ピーク値は(Y-Y₀)/d=0に存在し約20%である。(Y-Y₀)/d<± 0.5、すなわち円柱投影面積に対応する部分ではほ ぼフラットに近い分布をしており、それより外側へ 向かうにつれて急激に減少し, (Y-Y₀)/d>±2の 領域ではほぼゼロに近い値を示す。以上のことから、 (Y-Y₀)/d<±0.5の範囲,即ち円柱投影面積の部 分で最も活発に熱エネルギー輸送が行われており, ついで (Y-Y₀)/d=±1 に至るまでの領域では徐々 に熱エネルギー輸送量が減少し、それより外側の領 域ではほとんど行われていないことがわかる。

図6に加熱状態でのX/d=3における流れ方向平 均速度Umeanおよび流れ方向速度乱れ強さurms 鉛直方向分布を示す。どちらも $(Y-Y_0)/d=0$ を 軸とした上下対称な分布をしている。平均速度分 布では、速度欠損領域は $(Y-Y_0)/d=\pm1$ の内側領 域であり、 $(Y-Y_0)/d=0$ で最小値約0.55となる。流 れの外側へ行くに従ってUmean/U₀の値が1に近 づき、 $(Y-Y_0)/d=\pm1$ 周辺に存在するオーバー



図 6 流れ方向平均速度,速度乱れ強さの鉛直方向分布 (加熱状態,U₀=5m/s, X/d=3) (○:U/U₀,●:urms/U₀)

シュート部分を経た後、Umean/U₀=1のフラット な分布となる。乱れ強さ分布は、 $(Y-Y_0)/d=\pm 0.5$ 近傍でピーク値約0.25を示すが、内側へ向かうにつ れて減少し $(Y-Y_0)/d=0$ では0.18程度まで減少し ている。ピーク位置から後流の外側へ向かうにつれ て急激に減少し、 $(Y-Y_0)/d=\pm 2$ 付近でほぼゼロ となる。よって運動エネルギーの輸送が活発に行わ れている領域は、 $(Y-Y_0)/d \le \pm 2$ の範囲というこ とがわかる。以上のことから、熱エネルギーが輸送 されている範囲と運動エネルギーが輸送されている 範囲はほぼ一致しているが、後者の方が、若干範囲 が広くなっていることがわかった。

参考として,図7および図8に,非加熱状態での 流れ方向平均速度および速度乱れ強さの鉛直方向分 布の各断面での変化を示す。平均流速に関しては, 加熱状態で見られたオーバーシュート部分は非加熱 の方には見られないが,それを除くとX/d=3断面 での両分布は,いずれも図6に示した形状とほぼ一 致しており,流れ方向平均速度および速度乱れ強さ の鉛直方向分布には,円柱を加熱したことによる有 意な違いは見られないことがわかった。

図9に、加熱状態におけるX/d=3での鉛直方向 平均速度および速度乱れ強さの鉛直方向分布を示 す。後流中心 $(Y-Y_0)/d=0$ では平均速度がゼロ となっており、この点を中心にして上半分と下半分 では点対称な分布となっている。そして、上半分は 正、下半分は負の値となっている。前記のように、 鉛直方向速度成分の向きは上向きを正としているた め、この分布が実際に起こっている流れ現象を表し



図7 平均流速分布の流れ方向変化(非加熱,U₀=5m/s) (○:X/d=3, ●:X/d=5, △:X/d=10, ▲:X/d=20, □:X/d=30, ■:X/d=50, ×:X/d=70)



図8 流れ方向乱れ強さ分布の流れ方向変化(非加熱, U₀=5m/s)

 $(\bigcirc : X/d=3, \quad \bigoplus : X/d=5, \quad \bigtriangleup : X/d=10, \\ \blacktriangle : X/d=20, \quad \bigsqcup : X/d=30, \quad \blacksquare : X/d=50, \\ \times : X/d=70)$









ているのであれば、後流上半分ではカルマン渦が主 に上向きの速度成分を持つことになる。しかし、過 去の可視化写真(18)で確認する限り、これは実際と 逆向きになっている。この現象が加熱円柱後流特有 のものなのか、あるいは非加熱状態にも共通な、別 な原因による誤差なのかを確認するため、図10に非 加熱状態での同じ流速における鉛直方向平均速度お よび速度乱れ強さの鉛直方向分布の、流れ方向各断 面における変化を示す。図において、X/d=3にお ける平均速度の分布形状は図9とほぼ一致してお り、やはり後流上半分が正になっている。しかし X/d=10以降の断面においてはこの関係が逆転して おり、後流上半分が負、即ちカルマン渦の主な鉛直 方向平均速度は下向きとなっている。このことは可 視化写真(18)におけるカルマン渦の形状と一致する。 よって加熱,非加熱の両方において,X/d=3 断面 で見られた正負の逆転現象は、実際の流れ現象を表 すものではないことが明らかとなった。円柱後流に おけるX/d=10より上流側は渦形成領域の範囲内で あり、カルマン渦が十分に発達した下流側とは異な り、鉛直方向速度成分の向きが後流上半分ではほと んどが下向きだけ、下半分ではその逆、というよう に,一つの向きに偏る頻度が高い。そのため,今回 使用したXプローブでは, 鉛直方向の流れに対し て速度検知部である熱線がプロング部分(熱線を支 える針の部分)の陰に入ってしまうことによる速度 検知エラーが上下共同じ確率で頻発したのではない か、と思われる。

図9に示した鉛直方向速度乱れ強さの鉛直方向分 布は(Y-Y₀)/d=0を軸とした上下対称分布となっ ており、上下2カ所のピークを持つなど、分布形状

平成24年2月

は流れ方向速度乱れ強さ分布と似ている。しかし, ピークの値は約0.4程度と,流れ方向に比べて3割 程度大きくなっている。よってこの断面における鉛 直方向での運動エネルギー輸送は,流れ方向より活 発に行われていると推測できる。また,運動エネル ギー輸送と同時に熱エネルギー輸送も行われている と推測され,このことが,前出の温度乱れ強さがこ の範囲内でほぼフラットになっている原因であると 思われる。そして図11に示したX/d=3における非 加熱状態での同パラメータ分布と比較しても,ほぼ 一致している。さらに,平均速度分布と速度乱れ強 さ分布のピーク位置が一致していて,ほぼ円柱の半 径位置に対応していることがわかる。

図12に、X/d=3における加熱状態でのレイノル ズ応力の鉛直方向分布を示す。(Y-Y₀)/d=0を中



図11 鉛直方向乱れ強さ分布の流れ方向変化(非加熱, U₀=5m/s)

> (○: X/d=3, •: X/d=5, \triangle : X/d=10, •: X/d=20, □: X/d=30, •: X/d=50, ×: X/d=70)







心としてほぼ上下点対称となっている。上下のピーク位置は $(Y - Y_0)/d = 0.5$ であり,これは前記流れ 方向および鉛直方向での速度乱れ強さ分布のピーク 位置とほぼ一致している。参考までに図13に,非加 熱状態におけるレイノルズ応力の鉛直方向分布の流 れ方向変化を示すが,前出の鉛直方向平均速度の場 合とは異なり,後流上半分が正,下半分が負という 分布は,流れ方向の全断面において共通であり,プ ロングの影響は現れていないと考える。ピーク値の 位置および大きさも,加熱,非加熱状態でほぼ一致 しているため,レイノルズ応力分布に関しても加熱 の影響は現れていないと考えられる。また,ほとん どの断面で $(Y - Y_0)/d = 0$ におけるレイノルズ応 力が0になることもわかる。

図14に、加熱状態でのuv相関係数の鉛直方向分 布を示す。(Y-Y₀)/d=0を軸にして上下ほぼ点対 称の分布をしている。後流中心において相関係数が 0を示していることから、後流中心においては流れ 方向変動速度uと鉛直方向変動速度vとは全く無関 係の挙動を示していることがわかる。しかし、(Y- Y_0 /d=±0.5では上下とも最大値を示しており、こ の位置でのuとvとはお互いに最も大きな影響力を 持って変動していることがわかる。即ちuの変動量 が大きくなった瞬間にはvの変動量も同時に大きく なっていると推測できる。そこから (Y-Y₀)/d= ±1.0に至る部分では相関係数は減少してほぼゼロ に近くなり、(Y-Y₀)/d=±2.5付近に向けて再度増 加し、また減少している。図15に非加熱状態におけ るuv相関係数の、鉛直方向分布の流れ方向変化を 示す。X/d=3においては加熱状態とほぼ同じ分布 をしており、 $(Y - Y_0)/d = 0$ において相関係数がゼ





図14 uv相関係数の鉛直方向分布(加熱状態,U₀=5m/s, X/d=3)



ロになることやピークの位置,値ともにほぼ同じで ある。なお,これ以外の断面における加熱状態の結 果に関してはここでは示さないが,非加熱状態にお いては,下流へ向かうにつれて急激な勾配がなだら かになり,同時にピークの位置が後流外側へ移動し ているが後流中心で相関係数がゼロであることに変 化はないこともわかる。

図16に、加熱状態における X/d = 3、(Y-Y₀)/d= 0 での、 θ 、U、Vの同時刻瞬間波形を示す。 θ とU の各ピーク位置を比べると、ピークが同時に現れる 部分が比較的多く見られ、かつ、ピークの符号が逆 である場合が多い。前出の式で計算したこの位置で の相関係数 θ uは約 – 0.224となっており、この事実 を裏付けている。次に、この図においては θ とVの ピーク位置についてはほとんど一致している部分が



図16 円柱後流の瞬間波形(加熱状態, U₀=5m/s, X/d=3, (Y-Y₀)/d=0)

なく,ほぼ両者は無関係に変動していると考えられ る。また、上記の如く、 θ とUは関連した部分が多 いが、図14で示した通りこの位置ではUとVが関連 しないことから、 θ とVの関連はほとんど無いと推 測される。そして前出の式で算出した相関係数 θ vの 値は0.001であり、この事実を裏付けていると考え られる。さらに、これらのことから θ 、U、Vの関 連を示す相関係数 θ uvは、この位置ではほぼ0に近 いと推測される。実際、前出の式で計算した相関係 数は -0.018であった。なお、本報に各相関係数の 分布図は示さないが、 θ u、 θ vおよび θ uvのピーク 位置は、それぞれ(Y-Y₀)/d=±1.0~±1.5付近に 存在することが算出結果より明らかとなっている。

6. 結論

 $U_0=5m/s, \Delta \theta=140$ ℃での加熱円柱後流をX/d断 面で測定し、以下の結論を得た。

- 円柱投影面積内で最も活発に熱エネルギー輸送 が行われている。
- ② 熱エネルギーが輸送されている範囲は、運動エネルギーが輸送されている範囲とほぼ一致しているが、後者の方が若干範囲は広い。
- ③ プロングの影響により,渦形成領域内では鉛直 方向平均速度の符号が逆転して現れた。
- ④ レイノルズ応力の鉛直方向分布には、加熱による影響は見られなかった。
- ⑤ 後流中心では全ての相関係数の値がほぼ0に なった。

7. 参考文献

- (1) 蒔田, '熱線流速計使用上の問題点',「流れの計 測」, Vol.12, No.16, pp3-17, 1995.
- (2) 蒔田,森,澤田 '温度流速計の高精度化 第1報', 日本機械学会論文集B編, 58-545, pp90-97, 1992.
- (3) 蒔田,森,澤田 '温度流速計の高精度化 第2報', 日本機械学会論文集B編, 58-554, pp3100-3107, 1992.
- (4) H.Makita, S.Mori, A.Yahagi 'Spontaneous generation of internal gravity waves in a wind tunnel', "Stability Stratified Flows", Oxford University Press, pp81-91, 1994.
- (5) 大庭, 蒔田, 関下, 渡部 '内部重力波の空間 構造と逆勾配熱拡散の発生', 日本機械学会論 文集B編, 72-716, pp877-884, 2006.
- (6) 渡部 '温度流速計による低周波特性検定装置の製作',秋田高専研究紀要, Vol.39, pp30-35, 2004.
- (7) 渡部 '温度補償部を持つ定温度型熱線流速計の製作と性能評価',秋田高専研究紀要,Vol.40, pp1-8,2005.
- (8) 渡部 '温度流速計の製作',秋田高専研究紀要, Vol.41, pp1-7, 2006.

- (9) 渡部 '加熱円柱の製作', 秋田高専研究紀要, Vol.44, pp64-69, 2008.
- (10) 渡部 '加熱円柱の改良と性能評価',秋田高専研究紀要,Vol.45,pp36-41,2009.
- (11) 渡部 '加熱円柱後流の測定 (U₀=3m/s, Δθ = 90℃の場合)', 秋田高専研究紀要, Vol.46, pp52-59, 2011.
- (12) Hishida, M., Nagano, Y., 'Simultaneous Measurements of Velocity and Temperature in Nonisothermal Flows', Transactions of the ASME, Vol.100, May 1978, pp340-345.
- (13) 渡部, 石塚, 川辺 '小型風洞の試作と性能評価', 秋田高専研究紀要, Vol.35, pp11-16, 2000.
- (14) 渡部 '温度勾配を任意に設定できる加熱風洞の 製作と性能評価',秋田高専研究紀要,Vol.38, pp13-18,2003.
- (15) Hinze, J. O., 'Turbulence', McGRAW-HILL, 1975.
- (16) 蒔田, '熱線流速計使用上の問題点',「流れの 計測」, VOL.12, No.16, 1995.
- (17) Bruun, H. H., 'Interpretation of X-hot-wire Signals', DISA INF., 18,5, 1975.
- (18) 流れの可視化学会編, '新版流れの可視化ハン ドブック', 朝倉書店, 1992.